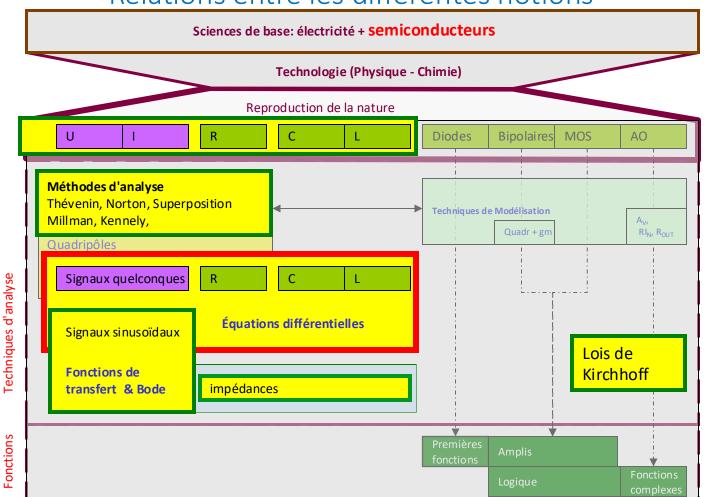
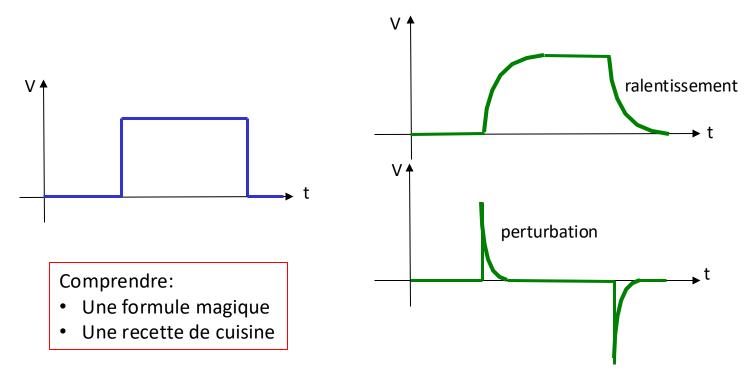
### Relations entre les différentes notions



### Sauts indiciels (signaux carrés)

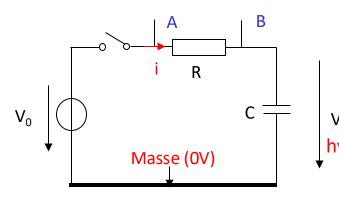
Les combinaisons R et C forment des filtres (volontaires ou involontaires) Leur analyse temporelle pour les sauts indiciels :

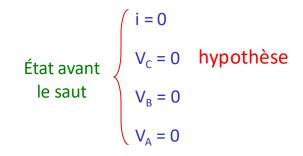
- Explique les limites en fréquence des circuits numériques
- Couplage parasite produisant des perturbations



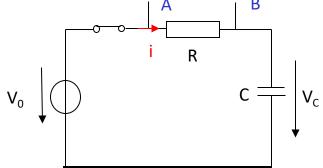
#### Observations





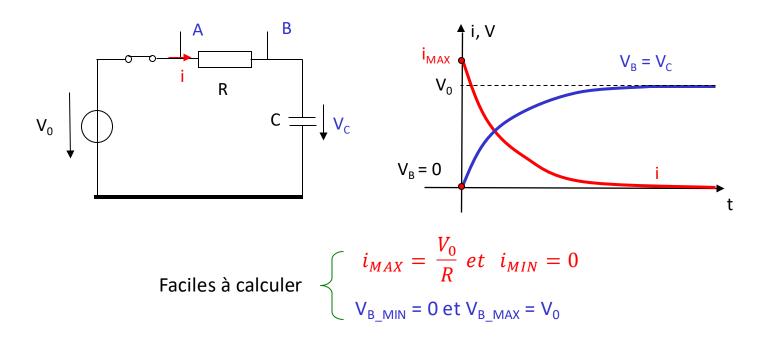


Situation après l'événement



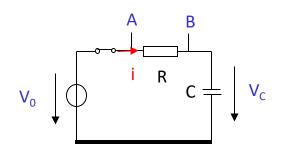
	$t_0 = 0$	$t_1 > t_0$	$t_2 >> t_0$	
$V_{c}$	0	<b>I</b>	$V_C = V_A = V_0$	
$V_{B}$	0	7	$V_B = V_A = V_0$	$V_C = V_B$
$V_A$	V <sub>o</sub>	=	=	
i	$\frac{(V_A - V_B)}{R}$	_	0	

Analyse graphique



Comment déterminer les allures des courbes?

#### Analyse mathématique: Expression



$$i = \frac{V_0 - V_C}{R} = C \frac{dV_C}{dt}$$

$$V_0 = RC \frac{dV_C}{dt} + V_C$$

- Discours mathématique: Équations sans et avec second membre
- Discours physique: Calcul du transitoire et du permanent

#### TRANSITOIRE:

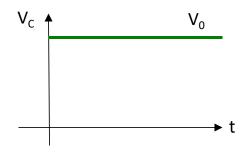
Ne dépend pas de l'excitation Comportement pour revenir à l'état d'équilibre

Équation sans second membre :  $0 = RC \frac{dV_C}{dt} + V_C$ 

#### **PERMANENT:**

Dépend de l'excitation. V<sub>C</sub> a l'allure de V<sub>0</sub>

$$V_0 = cte \Rightarrow V_C = cte \Rightarrow \frac{dV_C}{dt} = 0 \Rightarrow V_C = V_0$$



Analyse mathématique: Développement

$$RC\frac{dV_C}{dt} + V_C = 0 \Rightarrow RC\frac{dV_C}{dt} = -V_C \Rightarrow \frac{dV_C}{V_C} = -\frac{dt}{RC} \Rightarrow \int \frac{dV_C}{V_C} = \int -\frac{dt}{RC} = -\frac{1}{RC}\int dt$$

$$Log(V_C) = -\frac{t}{RC} + K_1$$

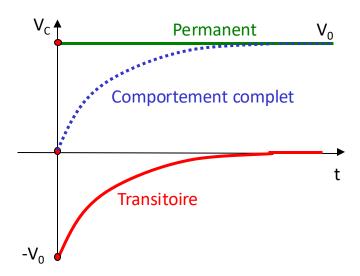
$$V_C = e^{-\frac{t}{RC} + K_1} = e^{-\frac{t}{RC}} \cdot e^{K_1} = K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

Comportement complet = Transitoire + Permanent

$$V_C = V_0 + K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$
 et  $K_2$ ???

Analyse mathématique: Cas particulier

Cas particulier:  $V_C(0) = 0 \Rightarrow 0 = V_0 + K_2$ .  $e^0 \Rightarrow -V_0 = K_2$ 

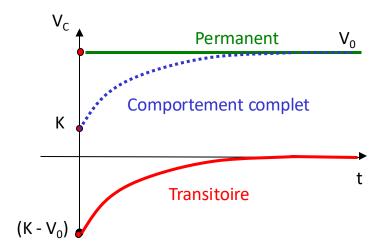


$$V_C = V_0. \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

Analyse mathématique: Condition initiale différente

$$V_C = V_0 + K_2 e^{-\frac{t}{RC}}$$

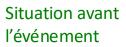
$$V_C(0) = K(charge\ initiale) \Rightarrow K = V_0 + K_2.e^0 \Rightarrow K - V_0 = K_2$$

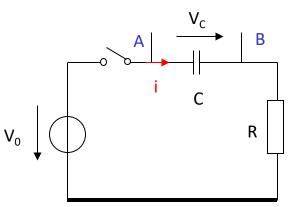


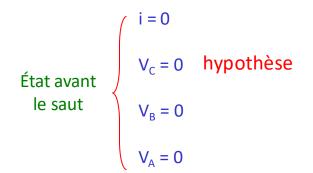
$$V_C = V_0 + (K - V_0).e^{-\frac{t}{RC}} = K + (V_0 - K).(1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

#### Observations

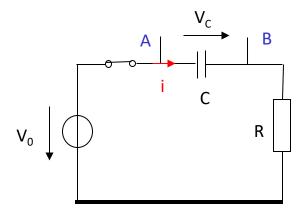
 $V_R = 0$ 







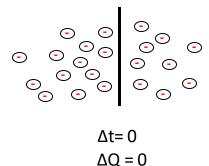
Situation après l'événement



	$t_0 = 0$	$t_1 > t_0$	$t_2 >> t_0$
V <sub>C</sub>	V <sub>C</sub> <sup>?</sup> 0	$Q = C.V_C$	
V <sub>B</sub>	$V_B \stackrel{?}{=} V_0$		
V <sub>A</sub>	V <sub>0</sub>		
i	?		

### Comportement de la capacité

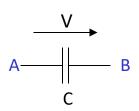
#### Vision physique



$$\operatorname{Si} \Delta t = 0 \Rightarrow \Delta Q = 0$$

or, pour une capacité  $\Delta Q = C\Delta V = 0 \Rightarrow \Delta V = 0$ 

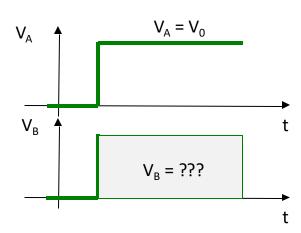
$$V = V_A - V_B$$
 or  $\Delta V = \Delta V_A - \Delta V_B = 0 \Rightarrow \Delta V_A = \Delta V_B$ 



#### Autre vision

$$\underline{Z}_C = \frac{1}{i\omega C}$$

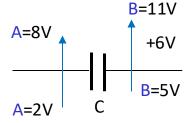
Si  $\omega$  = 0, C assimilable à un circuit ouvert Si  $\omega$  = infini, C assimilable à un court circuit

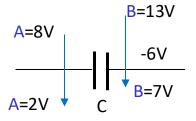


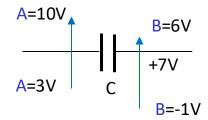
### Conséquences: quelques exemples de sauts

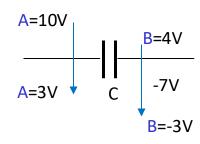
Avec un saut qui s'effectue en un temps nul on peut appliquer le théorème de superposition

- L'état qui précédait le saut (assimilable à la contribution d'une source continue)
- L'effet du saut (assimilable à la contribution d'une source variable)

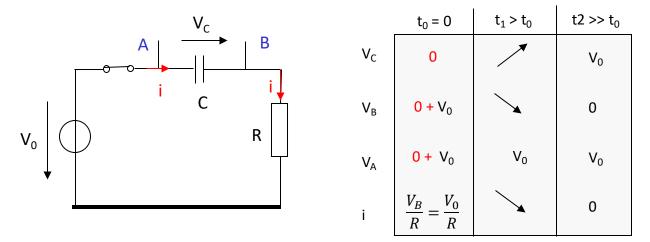








#### Analyse complète



Avec les équations différentielles

$$i = \frac{V_B}{R} = C \frac{dV_C}{dt} = C \frac{d(V_A - V_B)}{dt}$$
 avec  $V_A = V_0 = cte \Rightarrow \frac{d(V_B)}{V_B} = -\frac{dt}{RC}$ 

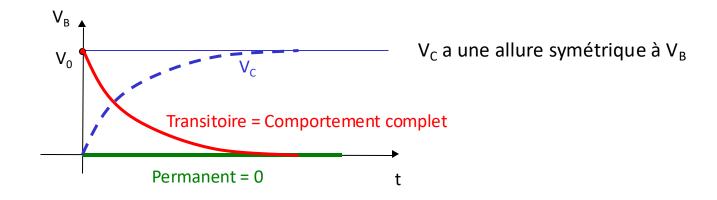
On a directement l'équation sans second membre donc Le permanent = 0 et le transitoire est décrit par l'équation

$$V_B = K_2 \cdot e^{-\frac{t}{RC}} \quad K_2?????$$

Analyse mathématique: Cas particulier

Cas particulier: 
$$V_B(0) = V_0 \Rightarrow V_0 = K_2$$
.  $e^0 \Rightarrow V_0 = K_2$ 

$$V_B = V_0 \cdot e^{-\frac{t}{RC}}$$



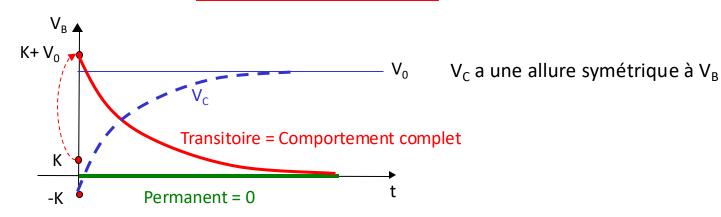
Analyse mathématique: Condition initiale différente

L'équation différentielle ne change pas 
$$i = \frac{V_B}{R} = C.\frac{dV_C}{dt} = C.\frac{d(V_A - V_B)}{dt}$$
 et  $-dV_B = \frac{1}{RC}.V_B.$  dt

Juste après le saut on aura  $V_B(0) = K(charge\ initiale) + V_0$ ,  $K + V_0 = K_2$ .  $e^0 \Rightarrow K_2 = K + V_0$ 

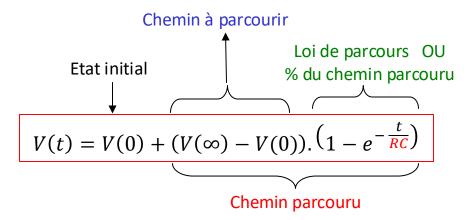
$$K + V_0 = K_2$$
.  $e^0 \Rightarrow K_2 = K + V_0$ 

$$V_B(t) = (V_0 + K).e^{-\frac{t}{RC}}$$



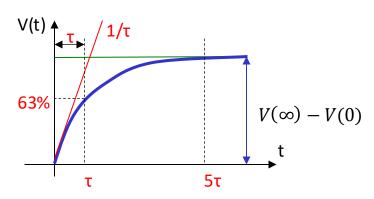
### Cas Général

#### Passe-Bas ou passe-Haut

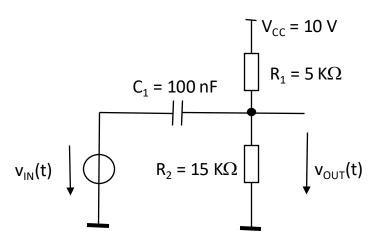


#### Remarques:

- RC =  $\tau$
- Propriétés de T:
  - $V(\tau) = 63\%$  de la charge
  - $V(5\tau) > 99\%$  de la charge
  - $V(7\tau) > 99.9\%$  de la charge

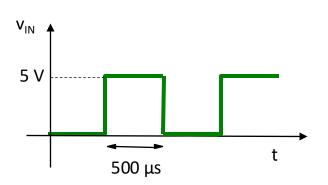


### **Application**



# Exercice 1 : Soit $v_{IN}(t) = A \sin(2\pi f t)$ , avec A = 5 V et f = 1 KHz Quelle est l'allure du signal $v_{OUT}(t)$ ?

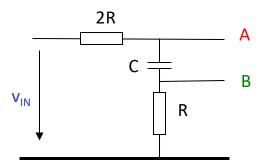
Exercice 2 : Soit  $v_{IN}(t)$ , le signal carré proposé ci-contre Quelle est l'allure du signal  $v_{OUT}(t)$  ? ?



### Recette de cuisine pour un signal carré

Exemple de montage analysé avec le saut indiciel

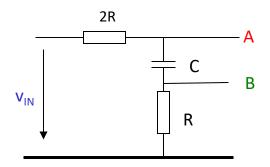
$$\tau = (R + 2R)$$
.  $C = 3RC$ 

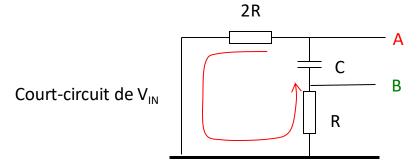


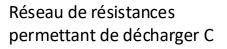
Allures obtenues justifiées page suivante  $V_{cc} - \frac{V_{cc}}{3} = 2 \frac{V_{cc}}{3}$   $\frac{V_{cc}}{3}$   $\frac{V_{cc}}{3}$   $\frac{V_{cc}}{3}$   $\frac{V_{cc}}{3}$   $\frac{V_{cc}}{3}$ 

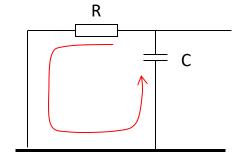
### Calcul de $\tau$

Exemple de montage analysé avec le saut indiciel









Ressemble au passe-bas vu en début de cours

# Analyse pour quatre temps significatifs

	Situation	Analyse	Schéma équivalent	V <sub>A</sub>	$V_{B}$
	Avant t <sub>1</sub>			0	0
_	à t <sub>1</sub>	On applique la <b>superposition</b> d'un signal AC (dû au saut) et d'un signal DC qui correspond aux tensions à l'équilibre établies avant le saut ( <i>0 dans ce cas</i> ) AC correspond à un saut +V <sub>CC</sub> La capacité pour le saut se comporte comme un court-circuit	Saut +V <sub>cc</sub> R	Avant Saut $0$ + $V_{CC} \frac{R}{R+2R} = \frac{V_{CC}}{3}$	Avant Saut 0
_	à t <sub>2</sub>	La capacité est un circuit ouvert et le circuit est à l'équilibre. Les rapports résistifs donnent les tensions aux différents points	Entrée stable +V <sub>CC</sub> Schéma DC	Avant Saut V	Avant Saut 0
	à t₃	On applique la <b>superposition</b> d'un signal AC (dû au saut) et d'un signal DC qui correspond aux tensions à l'équilibre établies avant le saut ( <i>tensions obtenues en t2</i> ) AC correspond à un saut -V <sub>CC</sub> La capacité pour un saut se comporte comme un court-circuit	Saut -V <sub>CC</sub> R	Avant Saut $\bigvee_{P \mid CC}$ + Effet Saut $-V_{CC} \frac{R}{R+2R} = \frac{-V_{CC}}{3}$	Avant Saut $0$ $+$ $\text{Effet Saut } -V_{CC} \frac{R}{R+2R} = \frac{-V_{CC}}{3}$
	à t₄	La capacité est un circuit ouvert et le circuit est à l'équilibre. Les rapports résistifs donnent les tensions aux différents points	Entrée stable 0 Schéma DC	Avant Saut 0	Avant Saut ()